

1. On suppose que l'on dispose des fonctions `contient_final(Q)`
`stocke_new_delta(Q,x,Q')`
 Elles n'interfèrent pas avec l'algorithme.
 \cup dénote l'union ensembliste; `in` l'appartenance ensembliste.

```

type
  etat : ...
  gd_etat : ensemble de etat
var
  avoir : file de gd_etat
  a      : lettre
  q      : etat
  cour, newS : gd_etat ;
  etats, final : ensemble de gd_etat
begin
  enfiler(avoir, initial()) ;
  etats := { initial() } ;
  final := {} ;

  while !vide(avoir) {
    cour := defiler(avoir) ;
    if ( contient_final(cour) )
      final := final  $\cup$  { cour } ;
    for a in X {
      newS := {} ;
      for q in cour
        newS := newS  $\cup$  { delta(q,a) } ;
      stocke_new_delta(cour,a,newS) ;
      if ( ! newS in etats ) {
        etats := etats  $\cup$  { newS } ;
        enfiler(avoir, newS) ;
      }
    }
  }
end

```

	a	b	c	$a^*c(ab ba^*)$
$\rightarrow 1$	1		2	
2	3	5		
3		4		
$\leftarrow 4$				
$\leftarrow 5$	5			

2. La première traduction directe n'est pas tout-à-fait régulière (à cause des règles de la forme $A \rightarrow \varepsilon B$).

$$\begin{aligned}
 ① &\rightarrow a① \mid a② \mid b③ \mid c⑤ \mid ⑤ \\
 ② &\rightarrow a③ \mid b② \mid c① \\
 ③ &\rightarrow c⑤ \mid ④ \mid ⑥ \mid \varepsilon \\
 ④ &\rightarrow a③ \mid c⑥ \mid ② \\
 ⑤ &\rightarrow a⑤ \mid b④ \mid b⑥ \mid c⑥ \\
 ⑥ &\rightarrow \varepsilon
 \end{aligned}$$

Pour supprimer les règles non régulières, on remplace B par tous les α tels que $B \rightarrow \alpha$. On commence par $④ \rightarrow ②$:

$$\begin{aligned}
 ① &\rightarrow a① \mid a② \mid b③ \mid c⑤ \mid ⑤ \\
 ② &\rightarrow a③ \mid b② \mid c① \\
 ③ &\rightarrow c⑤ \mid ④ \mid ⑥ \mid \varepsilon \\
 ④ &\rightarrow a③ \mid c⑥ \mid \underline{a③ \mid b② \mid c①} \\
 ⑤ &\rightarrow a⑤ \mid b④ \mid b⑥ \mid c⑥ \\
 ⑥ &\rightarrow \varepsilon
 \end{aligned}$$

... on aboutit finalement à :

$$\begin{aligned}
 ① &\rightarrow a① \mid a② \mid b③ \mid c⑤ \\
 &\quad \mid a⑤ \mid b④ \mid b⑥ \mid c⑥ \\
 ② &\rightarrow a③ \mid b② \mid c① \\
 ③ &\rightarrow c⑤ \mid \varepsilon \mid a③ \mid c⑥ \mid b② \mid c① \\
 ④ &\rightarrow a③ \mid c⑥ \mid b② \mid c① \\
 ⑤ &\rightarrow a⑤ \mid b④ \mid b⑥ \mid c⑥ \\
 ⑥ &\rightarrow \varepsilon
 \end{aligned}$$

3. Calcul de $\varepsilon+$:

	a	b	c	ε	$\varepsilon+$
$\rightarrow 1$	1,2	3	5	5	5
2	3	2	1		
$\leftarrow 3$			5	4,6	2,4,6
4	3		6	2	2
5	5	4,6	6		
$\leftarrow 6$					

Élimination des ε -transitions :

	a	b	c
$\rightarrow 1$	1,2,5	3,4,6	5,6
2	3	2	1
$\leftarrow 3$	3	2	1,5,6
4	3	2	1,6
5	5	4,6	6
$\leftarrow 6$			